

数学Ⅱ（前）第2報告課題

— A —

1. 2次方程式 教科書P16例題1、学習書P18例題7参照。

解の公式

2次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ において、 $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

を利用しましょう。

(1) $\overset{\text{a}}{\underset{\uparrow}{2}}x^2 + \overset{\text{b}}{\underset{\uparrow}{-3}}x + \overset{\text{c}}{\underset{\uparrow}{-1}} = 0$

$2x^2 - 3x - 1 = 0$ は $a = 2, b = -3, c = -1$ なので、これらの値を上の公式の a, b, c に代入しましょう。
代入すると

$$x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \times 2 \times (-1)}}{2 \times 2} = \dots \text{これを計算してください。}$$

2. 判別式 教科書P17例8、学習書P19例題8参照。

(1) $x^2 + 2x - 4 = 0$ は $a = 1, b = 2, c = -4$ なので、これらの値を判別式の公式 $D = b^2 - 4ac$ に代入
 $D = 2^2 - 4 \times 1 \times (-4) = 4 + 16 = 20$ となる。

20 ということはプラスの数だから $D > 0$ 【プラスつまり 0 より大きい $\rightarrow D > 0$ と表現する】

計算した判別式 D の正、0、負から、

$D > 0 \Leftrightarrow$ 異なる 2 つの実数解を持つ

$D = 0 \Leftrightarrow$ 重解 (唯一つの実数解) を持つ

$D < 0 \Leftrightarrow$ 異なる 2 つの虚数解を持つ のいずれかで判別する。

(1) は $D > 0$ だから、『異なる 2 つの実数解を持つ』と答える。

3. 整式の除法 教科書P22例1、学習書P22例2参照。

① 割る式 $x+1$ の x に何をかければ $2x^2 + 5x + 8$ の一番左側 $2x^2$ になるか考えて、それを商の部分に書く

② ①で書いた $2x$ を $x+1$ にかけて、割られる式の下に書く。

③ 上から下を引く

④ 割る式 $x+1$ の x に何をかければ $3x+8$ の一番左の $3x$ になるか考えて...

①②③をくり返す。

$$\begin{array}{r} 2x \\ x+1 \overline{) 2x^2 + 5x + 8} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2x \\ x+1 \overline{) 2x^2 + 5x + 8} \\ \underline{2x^2 + 2x} \\ 3x + 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2x + 3 \\ x+1 \overline{) 2x^2 + 5x + 8} \\ \underline{2x^2 + 2x} \\ 3x + 8 \\ \underline{3x + 3} \\ 5 \end{array}$$

(3) の図に「上から下をひく」とあるように、 $2x^2 + 5x + 8$ から $2x^2 + 2x$ をひくことで $3x + 8$ が残ります。

4. 整式の除法 教科書P22例2、学習書P22例題1参照。

割られる式が x の 3 乗で始まっているのに、 x の 2 乗の項が抜けているような場合

$$x-3 \overline{) 2x^3 - 8x - 15}$$

x の 2 乗の項が来るはずのところを少し空白にしておいて、3 と同じ要領で計算していく。

5. 教科書P 2 3の15行目参照。

6. 学習書P 2 3例題2参照。

A = BQ + RのB, Q, Rにそれぞれ代入する。A = (B)(Q) + (R)

A = (2x² - 4x - 5) × (x - 2) + (7x - 8)

↑
次にこの部分を展開し

= 2x³ - 4x² - 4x² + 8x - 5x + 10 + 7x - 8 = (答え)

— B —

a (エー)、b (ビー)、α (アルファ)、β (ベータ) です。

2次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ の2つの解を α 、 β とすると

$\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$, $\alpha\beta = \frac{c}{a}$ が成り立っている。これを『解と係数の関係』という。

1, 2 (1) 教科書P 1 9例9、学習書P 2 0例題1 1参照。

a, b, c の値を公式に当てはめましょう

2 (2) 教科書P 1 9例題3、学習書P 2 0例題1 2 (1) 参照

(3) 学習書P 2 0例題1 2 (3) 参照。

3 (1) 教科書P 1 7例題2参照

(2) 学習書P 1 9例題1 0参照

4. 剰余の定理 教科書P 2 4例5、学習書P 2 4例題4参照

(1) $x - 1$ で割った余りは $P(x)$ の x に 1 を代入して計算した値が余りである。

(2) $x - 2$ で割った余りは $P(x)$ の x に 2 を代入して計算した値が余りである。

(3) $x + 2$ で割った余りは $P(x)$ の x に -2 を代入して計算した値が余りである。

5. 因数定理 教科書P 2 5例題1、学習書P 2 5例題6参照

$P(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6$ の x に 1, -1 , 2, $-2 \dots$ と順番に代入して答が0になるものを探す

この場合 x に 1 を代入すると、 $P(1) = 1^3 + 4 \times 1^2 + 1 - 6 = 0$ となり、0となるので、

$P(x)$ は $x - 1$ で割り切れる。

$$\begin{array}{r} \text{商} \left(\text{ } \right) \\ \hline \text{割った式} \left(x-1 \right) \overline{) x^3 + 4x^2 + x - 6} \end{array}$$

割り算の結果から

$P(x) = (\text{割った式})(\text{商})$ だから

$P(x) = (x - 1)(\text{ }) = (x - 1) (\text{ }) (\text{ }) \dots$ 答え

* $P(a)$ が 0 になったならば、 $P(x)$ は $x-a$ で割りきれれる。

⇒ $P(x)$ を $x-a$ で割り算する。(割り切れるはず)

⇒ $P(x) = (\text{割った式}) \times (\text{商})$

⇒ 更に商の部分 * が因数分解できないか確認する。