

数学 I 第 7 報告課題 (1~5) の手引き~11月16日スクーリングで解説~

1 公式もありますが、次のように考えればいいでしょう。

① 三角形の面積 =  $\frac{1}{2} \times (\text{底辺の長さ}) \times (\text{高さ})$

辺 AB を底辺とした場合、高さは CH で、

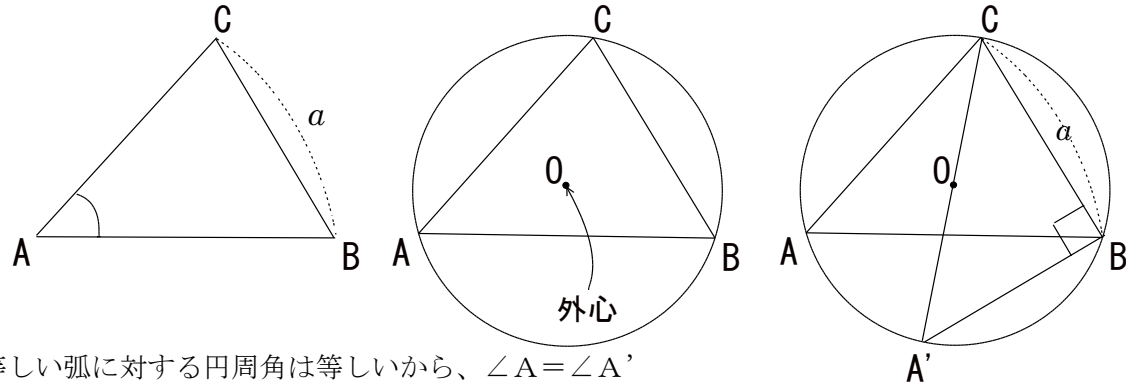
$\frac{CH}{3} = \sin 45^\circ$  であることから  $CH = 3 \times \sin 45^\circ$

よって求める面積は  $\frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 3 \times \sin 45^\circ =$

② についても同様。

2

① 三角形には、必ず外接円があります。また、 $a$  とは、頂点 A の対辺 (お向かいさん) の長さ



等しい弧に対する円周角は等しいから、 $\angle A = \angle A'$

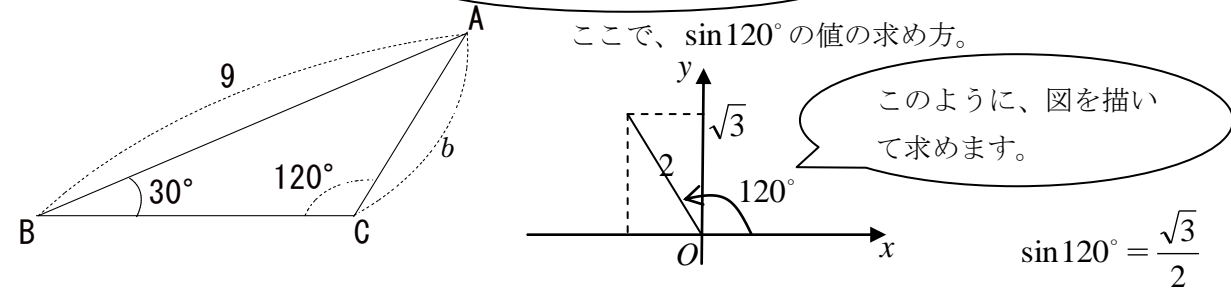
直角三角形 A'BC について、 $\sin A' = \frac{a}{\text{外接円の直径}}$  これを变形して  
 $\text{外接円の直径} = \frac{a}{\sin A'} = \frac{a}{\sin A}$

この変形の仕方は大切です

同様に、外接円の直径 =  $\frac{b}{\sin B}$ 、外接円の直径 =  $\frac{c}{\sin C}$  で、 $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$   
 これが、“正弦定理”

この三角形については、 $\frac{a}{\sin 45^\circ} = \frac{6}{\sin 60^\circ}$  これを变形して、 $a = \frac{6}{\sin 60^\circ} \times \sin 45^\circ$

② まず、作図しましょう。



3

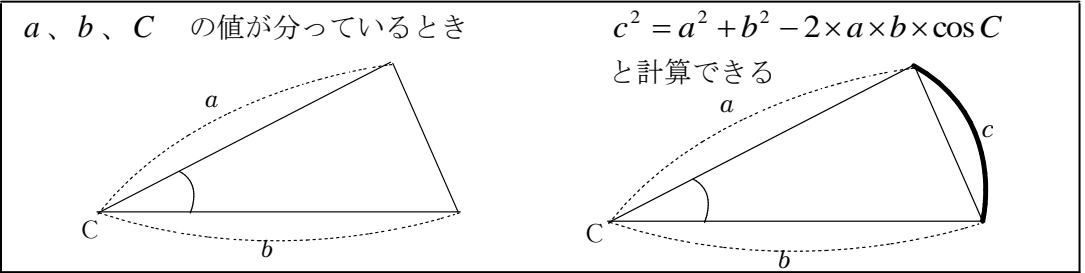
2 ① で確認したように、外接円の直径 =  $\frac{a}{\sin A} = \frac{BC}{\sin A}$

$a$  というのは A のお向かいさんの長さです。

4 2 辺とその間の角が分れば、→ 三角形が確定します → 他の辺や角も分ります。

① 下の図から、 $BC^2 = CH^2 + BH^2$

このことから  $BC^2$  を求めることはできますが、少々計算しないといけませんから、公式 (余弦定理) を使しましょう。“余弦定理” とは、次の通り



さて、この定理を用いると、

余弦定理より

$BC^2 = 5^2 + (3\sqrt{3})^2 - 2 \times 5 \times 3\sqrt{3} \times \cos 30^\circ$

② まず、頑張って作図してみましょう。

5 3 辺が分れば、→ 三角形が確定します → 他の辺や角も分ります。

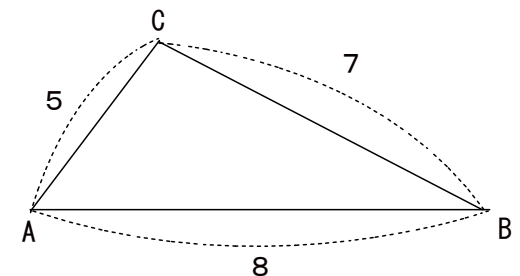
余弦定理によると、

$7^2 = 5^2 + 8^2 - 2 \times 5 \times 8 \times \cos A$

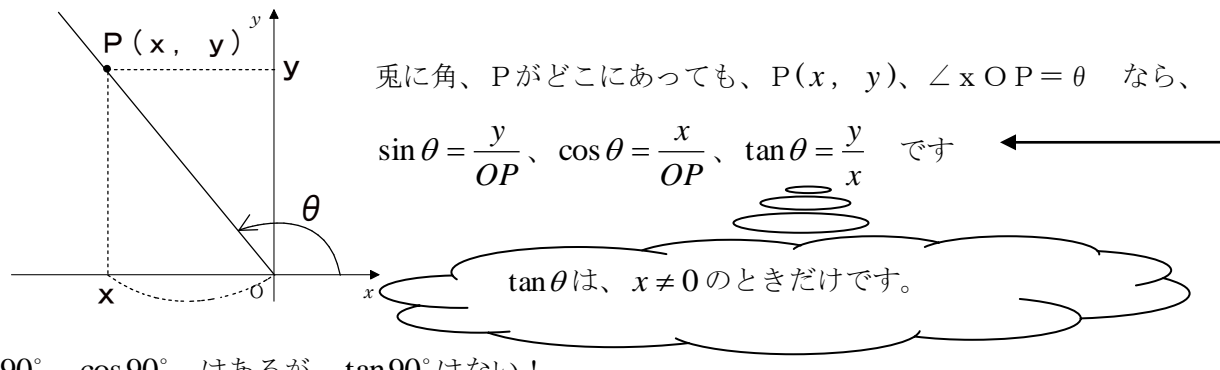
これを变形すれば、 $\cos A$  が求まります。

この変形の仕方は大切です

そして、これより、A の値が求まります。

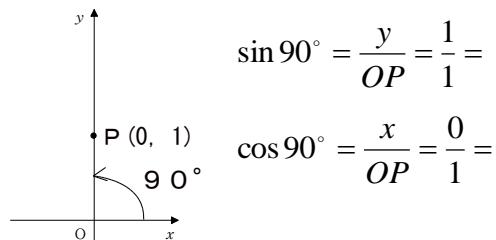


6 鈍角の三角比は、値を覚えるものではありません。図を覚えるんです!!

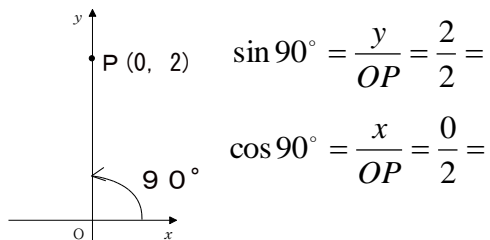


$\sin 90^\circ$ 、 $\cos 90^\circ$  はあるが、 $\tan 90^\circ$  はない!

OP = 1 とすると、



OP = 2 とすると、



OP の長さが 2 倍になれば、座標も 2 倍になるので、分母分子ともに 2 倍になり、分数の値は変わらない。

さて、この表は、簡単には覚えられない。図を描いて、それを見ながら考える。

$$\sin 150^\circ = \frac{y}{OP} = \frac{1}{2} =$$

$$\cos 150^\circ = \frac{x}{OP} = \frac{-\sqrt{3}}{2} =$$

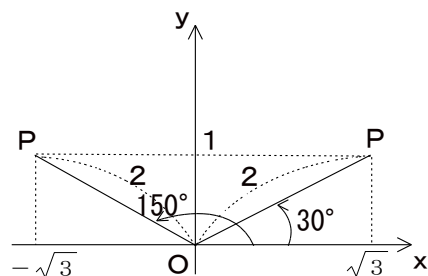
$$\cos 30^\circ = \frac{x}{OP} = \frac{\sqrt{3}}{2} =$$

$$\tan 150^\circ = \frac{y}{x} = \frac{1}{-\sqrt{3}} =$$

$$\sin 135^\circ = \frac{y}{OP} =$$

$$\cos 135^\circ = \frac{x}{OP} =$$

$$\tan 135^\circ = \frac{y}{x} =$$



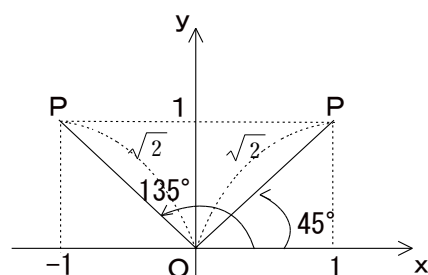
$$\sin 30^\circ = \frac{y}{OP} = \frac{1}{2} =$$

$$\tan 30^\circ = \frac{y}{x} = \frac{1}{\sqrt{3}} =$$

$$\sin 45^\circ = \frac{y}{OP} =$$

$$\cos 45^\circ = \frac{x}{OP} =$$

$$\tan 45^\circ = \frac{y}{x} =$$



そうです。OP の長さは、座標を表し易いようにとればいいんです!!  $120^\circ$ 、 $60^\circ$  の図も自分で描いて考えてみましょう。

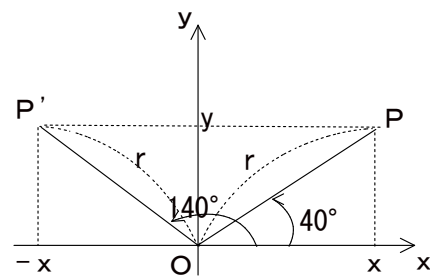
<式>  $\left(\frac{3}{5}\right)^2 + (\cos \theta)^2 = 1$  であるから、 $(\cos \theta)^2 = 1 - \frac{9}{25} = \frac{16}{25}$   $\theta$  は鈍角であるから、 $\cos \theta < 0$

よって、 $\cos \theta = -\frac{4}{5}$  ゆえに、 $\tan \theta = \frac{\frac{3}{5}}{-\frac{4}{5}} = \frac{3}{5} \div \left(-\frac{4}{5}\right) =$

8 も同様

9 図を描いて考えましょう。

②の場合、



$$\sin 140^\circ = \frac{y}{OP} = \frac{y}{r} \quad , \quad \sin 40^\circ = \frac{y}{OP} = \frac{y}{r} \quad \rightarrow \quad \sin 140^\circ = \sin 40^\circ$$

$$\cos 140^\circ = \frac{-x}{OP} = \frac{-x}{r} \quad , \quad \cos 40^\circ = \frac{x}{OP} = \frac{x}{r} \quad \rightarrow \quad \cos 140^\circ = -\cos 40^\circ$$

$$\tan 140^\circ = \frac{y}{-x} = -\frac{y}{x} \quad , \quad \tan 40^\circ = \frac{y}{x} \quad \rightarrow \quad \tan 140^\circ = -\tan 40^\circ$$

10 立体図の考え方は、次の通りです。

- ①与えられた値を図にかき込む。
- ②必要な部分を平面に取り出す。
- ③三角比・正弦定理・余弦定理などを利用できないか考える。

